研究会・学会スケジュール

第219回アメリカ電気化学会「新奇なナノカーボン物質に関するシンポジウム」 The 219th ECS Meeting: Symposium on Novel Nanocarbon Materials

開 催 日:2011年5月1日(日)~6日(金) 開催場所: モントリオール(カナダ) 催:アメリカ電気化学会

問い合わせ:篠原久典 理学研究科 教授 noris@nagoya-u.jp/052-789-2482

K3曲面、カラビ・ヤウ多様体の数論的および幾何学的研究集会

Workshop on Arithmetic and Geometry of K3 surfaces and Calabi-Yau threefolds

開 催 日:2011年8月16日(火)~25日(木)

開催場所: トロント(カナダ)

催:フィールズ研究所

金銅誠之 多元数理科学研究科 教授 問い合わせ: kondo@math.nagoya-u.ac.jp/052-789-2815

http://www.fields.utoronto.ca/programs/scientific/11-12/CalabiYau/index.html

上田良二先生生誕百年記念講演会「科学する精神と日本社会 |

開催日:2011年10月1日(土)

開 催 場 所: 名古屋大学IB電子情報館大講義室 催:応用物理学会·日本物理学会名古屋支部 問い合わせ: 齋藤弥八 工学研究科 教授

vsaito@nagova-u.ip

第48回日本細菌学会中部支部総会

開催日:2011年10月21日(金)・22日(土) 開催場所: 名古屋大学シンポジオン 催:日本細菌学会中部支部

問い合わせ:本間道夫 理学研究科 教授

g44416a@cc.nagoya-u.ac.jp/052-789-2991

日本測地学会第116回講演会

開 催 日:2011年10月26日(水)~28日(金) 開催場所:高山市民文化会館(高山市) 催:日本測地学会

問い合わせ: 鷺谷 威 環境学研究科 教授

sagiya@seis.nagoya-u.ac.jp/052-789-3046

日本測地学会公開講座

「測地学が解明する飛騨・高山の地震、火山と地球ダイナミクス」

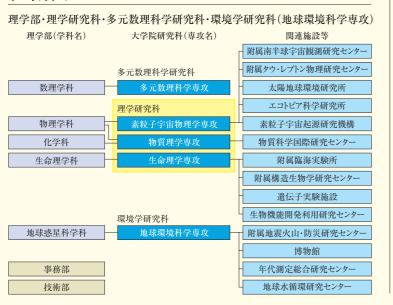
開 催 日:2011年10月29日(土) 開催場所:高山市民文化会館(高山市)

催:日本測地学会

問い合わせ: 鷺谷 威 環境学研究科 教授

sagiya@seis.nagoya-u.ac.jp/052-789-3046

組織図



編集だより

今回の特集は多元数理科学研究科が担当することに なり、「未知なる結晶格子の数理 | と題して内藤先生と 松本先生に講演していただいた。多忙にもかかわらず 快く講演を引き受けてくださった両氏に、この場を借りて 深くお礼申し上げたい。ところで、自然科学の中でも数学 は、調べたい現象や対象をまずモデル化・抽象化し、それ を計算するという方法をとる。そのため数学者の話は最初 から最後まで抽象的であることが多い。私は抽象的な 話を聞いている方が生きた心地がする。そういう環境に長年 身を置いてきたからである。極端な話、私の専門分野で ある「数論幾何」では具体例といえば「特定の(数学的な) 対象」という意味で、つまるところ抽象的なモノである。 大抵は絵にかけない。このような私にとって理学部広報 委員としての活動は悪くいえばストレスであったし、良く いえば刺激であった。ちなみに名古屋大学には私と同じ 数論幾何の研究者が多いのだが、この分野で「特集」を 組むのはまず無理だな、と思うと少し寂しい。(佐藤周友)

表紙説明

「六花」は「りっか」「ろっか」「むつのはな」 とも読む雪の別名であり、由来は雪の結 晶が六角形であることによる。ほかにも「六 辺香」という異称もある。しかし雪の結 晶は本当に六角形しか存在しないのだろう か。未知なる結晶格子の世界を探る。



kouhou

c.jp/

nagoya-u.a

sci.

≽

 \geq

 \geqslant

/:d

htt]

RL

sci.nagoya-u.ac.jp

on@

kouh

mail

뙤

052-789-2800

 \bowtie

 \triangleleft

philosophia –

spring-summer 2011 2011年4月15日発行

広報委員 國枝秀世(研究科長) 篠原久典(副研究科長)

松本邦弘(評議員)

佐藤周友(数理学科)

福井康雄(物理学科)※委員長

飯嶋 徹(物理学科)

岡本祐幸(物理学科)

大木靖弘(化学科) 杉山 伸(生命理学科)

瀧口金吾(生命理学科)

川邊岩夫(地球惑星科学科)

伊藤正彦(事務長)

編集発行 名古屋大学理学部·大学院理学研究科広報委員会 〒464-8602 名古屋市千種区不老町

ご意見、ご感想をお待ちしています。

本誌の原稿執筆や取材などにご協力いただける方を求めています。 広報委員会までご連絡ください。 なお、ご投稿などの採否については当委員会にお任せください。

次号は2011年10月頃発行の予定です。

制作 株式会社電通 株式会社コミニケ 編集協力

株式会社ティ・エム・シー

デザイン

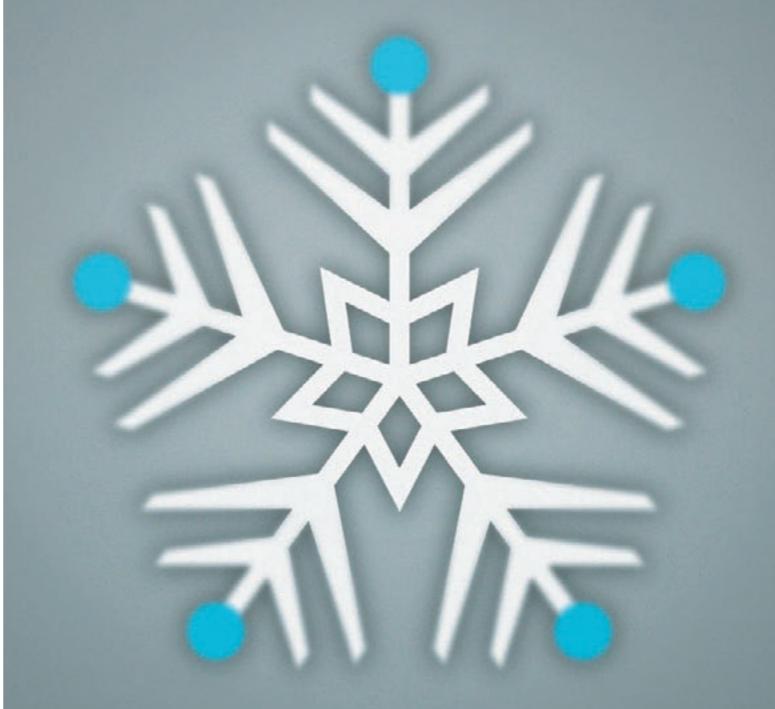
・本誌記事、写真等の無断複写、転載を禁じます。 ISSN 1884-8486 ĮŢ, -239 052-789-EL



名古屋大学理学部·大学院理学研究科広報誌 「理フィロソフィア

spring - summer 2011

philosophia



「未知なる結晶格子の数理」

五角形の雪はつくれるか◇松本正和

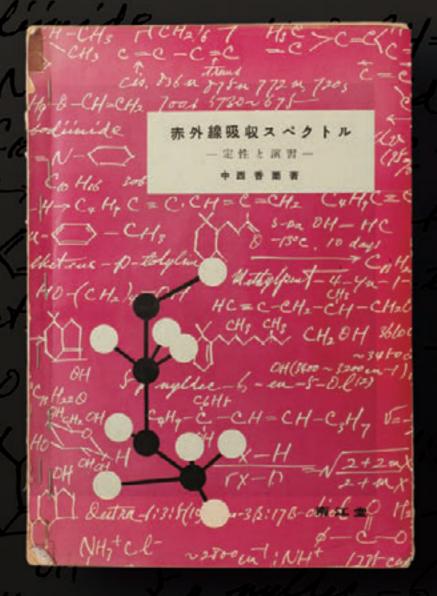
数学で結晶格子を探そう◇内藤久資

時を語るもの〈中西香爾 博士〉◇上村大輔

理のエッセイ◇庄司俊明

理の先端をいく◇五島剛太/古本宗充/中野敏行 12

理学部交差点







中西香爾博士は1947年9月、旧制の名古屋大学理学部を 卒業した。中西博士を指導したのは、当時助教授になった ばかりの平田義正*1博士であった。中西博士の卒業研究は 抗生物質アクチノマイシン副産物の構造決定であったが、引き 続き大学院特別研究生として平田博士のもとに残り、1949年 に蚕の色素ヒドロキシキヌレリンの構造決定と合成を完成させ た。中西博士は1925年香港生まれで、ご父君が世界各地を 転勤し、英語教師をつけて教育されたこともあり、語学力に 長け、当時の博士と外国人講演者との議論のやり取りを聞い た旧帝大の化学者が、「いったいあの若造はどこのものか」と 驚いたというエピソードがある。そんなこともあり、1950年から

のハーバード大学留学中には遺憾なくその才能を発揮した。 当時のアメリカの有機化学は、赤外吸収スペクトルや紫外吸収 スペクトルが構造決定に利用され始めたころであり、帰国後の 博士はこの研究分野のパイオニアとして注目された。その後、 東京教育大学、東北大学、コロンビア大学と異動し、動くたび に大きな研究成果をあげてきた。その功績は日米両国で讃え られ、日本化学会唯一の人名を冠した賞 Nakanishi Prizeと して日米両化学会にその名が刻まれている。60年前に出現し た天然物有機化学分野の申し子、風雲児であった中西香爾 博士は、現在まさに待望されている人材の好例といえよう。 (名古屋大学名誉教授·神奈川大学教授 上村大輔)



中西香爾(1925-) 名古屋大学理学部卒、 同大学院特別研究生後期修了(1952) 元名古屋大学助教授(1955-1958) コロンビア大学センテニアル教授(1980-) コロンビア大学名誉教授(2007-) 名古屋大学特別教授(2010-) 文化勲章(2007)

◎理のエッセイ

例外的なものと普遍的なものと

庄司俊明 多元数理科学専攻教授



Illustration: Mikan Tenmyo

数学の発展の歴史は、常に例外的なものに強い関心を示してきたように私に は思われる。私の専門は代数群とよばれる群の生態を研究するもので、表現論 の一分野である。1980年代にこれらの群の表現を統括する理論が完成したが、 その理論の核心は最も特殊な群であるE®に現れる特異な現象を理解する ことにあった。すべてが解明された後で見ればこの例外的な現象こそが、完成 された標準的な構造をもっており、他はすべて、それがつぶれてできたものに 過ぎないのである。その意味でこの現象の現れる空間の次元4480に代数群の 表現論のすべてが凝縮されているといってもよい。大般若経600巻が300字に 満たない般若心経にまとめられ、1行の陀羅尼に凝縮されたようなものである。

1980年代のもう1つの大きな出来事は有限単純群の分類の完成である。 分類の結果、有限単純群の無限系列と、散在型単純群とよばれる26個の単純 群が確定した。26個の中の最大のものは、モンスターとよばれる元の個数が 10の53乗もある巨大な群である。有限単純群の分類の最大の功績は、例外中 の例外であるこの怪物を世に送り出したことにあるといっても過言ではない。 90年代以降、モンスターはムーンシャイン予想と関連して数学世界を興奮の 渦に巻き込んだ。

私は、数学の研究の目標は普遍性の追求にあると思う。例外を取り込んでより 普遍的な理論の構築をめざすのである。普遍性の立場からは、その対象が 自然界に存在しているかどうかというのは、自然な条件ではない。自然科学の 目的がこの世界をつくった神様の心の中をのぞくことにあるとしたら、数学の目的 は別の世界をつくった神様たちの心も、ともに理解することにある。そして神様 たちの心が織りなす「数学的自然」とでもいうべき世界が実在すると数学者は 信じているのである。普遍性を羅針盤にこの世界を駆け巡り、未知の大陸に 足を踏み入れることこそ数学の醍醐味ではないだろうか。

*1 平田義正(1915-2000) 元名古屋大学理学部教授 (本誌5号P.2、16号P.4参照)

手品を披露して締めくくった。

左上は有機化学者のバイブルとなった名著

「赤外吸収スペクトル」。右上は、1957年の

平田研究室、長良川での写真*2。右から

2人目が平田博士。3人目が中西博士。

右下は、2010年11月に名古屋大学豊田

講堂で開催された名古屋大学レクチャー

2010での1コマ。中西博士は「彷徨える

天然物化学者」と題する講演で得意の

◇写真の説明

*2 写真提供 奥村保明 静岡大学名誉教授 Toshiaki Shoji

1947年静岡県生まれ。東京大学大学院修了。東京理科大学教授を 経て2003年より現職。専門は代数群の表現論。「数学的には存在せず、 その表現の痕跡のみを残す奇妙な群の表現論を、化石から恐竜を復元 するようにつくりあげるのが夢」と語る。

未知なる結晶格子の数理

水晶や雪の結晶など、我々の目に見える結晶の美しさは分子や原子が規則正しく並んでいることから生まれる。 そしてその「規則正しさ」には数学的な美しさが隠されている。

結晶格子、その未知なる可能性について、化学者と数学者、それぞれの視点から語っていただいた。 (2010年12月3日、第20回理学懇話会より)



五角形の雪はつくれるか

松本下和 岡山大学大学院自然科学研究科 准教授

五角形の結晶はつくれるのか

雪は、六花ともよばれ、美しい六角形の 結晶で知られていますが、雑誌やディスプ レイのデザインでは、五角形や八角形の雪を 見ることがあります。氷や雪の研究者は、デザ イナーが描いた五角形の雪の結晶を見ると、 「また間違った雪を描いている」と笑うので しょうが、本当にこういう雪はありえないので しょうか。我々の生活している環境では、たま たま雪は六角形ですが、遠い宇宙のどこかに は、圧力や温度が違う環境があって、そこで は雪は五角形なのかもしれません。本当に 五角形の結晶をつくることはできないのか、 あらゆる可能性を考えてみたいと思います。

雪の結晶について考える前に、そもそも 五角形の結晶はつくれるのでしょうか。答えは イエスでありノーでもあります。

まずは、五角形の結晶がつくれない理由を 説明しましょう。結晶とは、原子が周期的に 並んだ構造です。周期的に並んだ構造は、 ある角度回転すると、元の構造に重ねること ができます。回転してもとの構造に重なる 性質のことを、回転対称性とよびます。

結晶の回転対称性には、6回対称性以外 に、4、3、2回の対称性があり、それぞれ60、 90、120、180度回すと元の格子に重なります。 回転しても元の格子に重ならない、回転対称 性のない構造というのもあります。



Masakazu Matsumoto

1967年生まれ、1995年総合研究大学院大学大学院数物科学研究科博士課程中 退。名古屋大学助手、同助教を経て2010年上り現職。 専門は分子動力学の理論 的研究。とくに、水および水溶液系の基礎物性の解明。多数の分子が関与する複 雑な現象を、過度に単純化することなくとらえる解析手法を追究している。

では、5回対称性はどうか、というと、結晶 の点の間隔をどんなに調節しても、72度回転 して元の格子に重なるような格子をつくること はできないことが幾何学的に示されます。

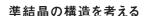
ところが、イスラム寺院を飾る多種多様な タイリングの中には、変わったタイリングが見つ かっています。イランのイスファハンにあるこの 寺院のタイリングには、至るところに五角形や 10回対称性が見られる一方、通常のタイルの ような、周期構造が見えません。かといって、 同心円状の模様のように、どこかにタイリング の中心があるわけでもありません(図1)。

このようなタイリングは、ペンローズ*1に よって再発見され、ペンローズ・タイリングと いう名で広く知られています。ペンローズ・タイ リングでは、2種類の菱形のタイルが、ある 規則に沿って、整然と並んでいますが、決し て周期的な構造にはなりません。こういうタイ リングを準周期タイリングといいます。準周期 タイリングでは、2種類のタイルはランダムに 並んでいるように見えますが、必ず5つの方 向のいずれかを向いています。

この図形はどういう意味をもつのでしょうか。 ペンローズ・タイリングの規則性に従って、 原子を並べることができれば、その物質は巨 視的な5回対称性や10回対称性をもちます。 このような物質は、準結晶とよばれています。

そんなに都合よく原子を並べることができる のでしょうか。実は、1984年に、シェヒトマン*2 は、実際に5回対称性をもつ準結晶を現実の 合金でつくってしまいました。現実にこのよう な物質がつくられたことで、結晶学は大きな

衝撃を受け、またこの発見によって大きな 飛躍を遂げました。その後、数々の合金で 準結晶が発見され、現在では100種類も知ら



準結晶の構造の中で、原子がどんなふう に並んでいるかを見てみましょう。

金属などの結晶のかたちを決めるのは、 原子の「つめあわせ」です。一番簡単なケース として、球のつめあわせを考えます。最もすき まが小さくなるように、三角形に球をつみあげ たかたちを最密充填構造とよびます(図2)。

この最密充填構造を分解すると、球が 正四面体型に4つ組み合わされている部分 と、正八面体型に6つ組み合わされている 部分が混在していますが、厳密には、正四面 体のほうが、すきまが少しだけ小さいのです。

それでは正四面体だけで空間を埋めつく すことができたら、超最密充填構造ができる のではないでしょうか。

しかし、この構造には無理があります。 正四面体をあわせていくと、2面角が70.5度 なので、5個で352.5度になり、少しギャップが できます。このギャップは、四面体をどんどん はりあわせていくほど開いていき、つなげれば つなげるほど、ごまかせなくなります。この ため、正四面体では空間をうめつくすことは できません(図3)。

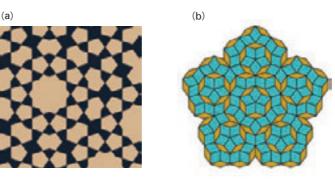


図1 イスファハンの寺院のタイリングとペンローズ・タイリング (a) イスラム寺院のタイリング。正五角形のモチーフが随所に現れる。(b) ベンローズ・タイリング。(c) 2種類の菱形タイル。2辺の なす角度はどれも180 ÷ 5 = 36度の倍数である。



球を最も密につめあわせた構造 (最密充填構造)は、正四 面体(緑)と正八面体(赤)でできている。

図3 ギャップのある双五角錐、双五角錐、双六角錐 (a) 正四面体を5つくっつけるとすきまができてしまう。(b)

外周の辺 (赤線)を少し伸ばして、すきまを埋めると双五角 錐になる。(c)外周の辺を少し縮め、もう1つ四面体を入れる と双六角錐ができる。

*1 R.ペンローズ (1931-) イギリスの数学者。

*2 D.シェヒトマン (1941-) イスラエルの科学者。

このギャップを克服するために、四面体を すこしだけ歪めてもいいことにしましょう。1つ は、すこしだけ辺を伸ばすことを許せば、 双五角錐がつくれます。もう1つは、逆に辺を 少し縮め、ギャップに四面体を1つ余分に押し こむと、双六角錐もつくれます。双五角錐と双 六角錐をうまい比率で組みあわせると、ギャッ プをつくることなく、四面体だけをつめあわせ た結晶構造をつくることができます。このよう な構造のことを、四面体充填構造とよびます。

四面体のかたちを歪めるということは、辺 の長さがまちまちになるということです。2種類 以上の大きさの球を組み合わせるほうが、 つめ合わせがよくなることになります。実際、 四面体充填構造は、合金の構造でよく見られ る構造です。また、双五角錐と双六角錐の

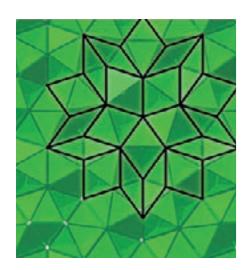


図4 四面体によるペンローズ・タイリング 双五角錐と双六角錐をうまくつめあわせると、ペンローズ・タイリン グ(太線)を模倣することができる。現実の原子の大きさにより、理 想的なタイルのかたちから多少ずれる。



位置をうまく選ぶと、ペンローズ・タイリングをつ くることもできます (図4)。これが、準結晶 合金の基本的な構造です。

五角形の結晶はつくれるのか、という質問 の答は、幾何学的な理由では5回対称性 結晶は不可能ですが、合金のような準結晶 を考えれば5回対称性の構造は可能、という ことになります。

氷の準結晶はつくれるか

5回対称性をもつ構造は、ある特殊な条件 ではつくれることもあることはわかりました。 しかし、氷でそんなかたちをつくることはできる のでしょうか。

氷の結晶には、圧力によっていくつもの 種類が存在しますが、もちろん、5回対称性を もつ準結晶はこれまで見つかっていません。 そのような構造を理論的に予測するために、 まず、普通の氷の中で、水分子がどんなふう に並んでいるかを見てみましょう。実は、氷の 構造は、さきほど紹介した最密充填構造と 深い関係があります。最密充填構造には、 4つの球が四面体型につまっている部分と、 6つの球が八面体型に合わさっている部分が あります。この四面体の2つに1つを選んで 新しい球を追加すると、氷の構造ができます。 これはダイヤモンド構造ともよばれます。

これと同じ要領で、四面体充填準結晶 構造の四面体のいくつかに球を追加すること で、準結晶氷構造をつくれるのではないか と考え、いろんな可能性を試してみました。 しかし、残念ながら、今のところそのような構造 をデザインすることには成功していません。 水だけで、準結晶をつくるのは難しそうです。

メタンハイドレートの可能性

発想を変えましょう。これまでに見つかった 準結晶は、必ず2成分以上の合金です。そ れなら、水と何か別の混ぜ物といっしょに凍ら せれば、準結晶になるのではないか、と考えま した。しかし、これも一筋縄ではいきません。

食塩のように、水によく溶けるものでも、氷 が凍るときには必ず溶質は排除されて水だけ の結晶ができてしまいます。水に少し他の 分子が混ざった結晶は、通常つくれません。

ところが、水にはまったく溶けないのに、水と いっしょに結晶になる物質が存在します。それ はメタンハイドレートです。メタンハイドレート

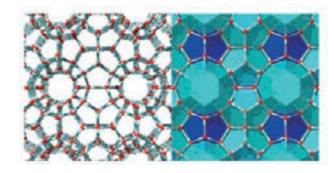




図5 ハイドレートの構造

左図は水分子の配置を、中図は水の水素結合ネット ワークがかたちづくるカゴ構造を示す。それぞれのカ ゴにメタン1分子が含まれる。右図はカゴの立体的な つめあわせ状態を表している。4つのカゴが四面体 型につめあわせられている。

は、水分子約6に対しメタン1の割合でいっしょ に凍ったものです。メタンハイドレートに含まれ ているメタンガスの量は、炭酸水に溶けて いる二酸化炭素の量の、実に100倍にものぼ ります。ガス分子の密度でいえば、ガスボンベ (150気圧)に匹敵するほどの量です。天然 のハイドレートは、雪か霜のような真っ白の 固体ですが、実験室で時間をかけて結晶化 させると、きれいな透明の単結晶をつくること ができます。

水とメタンはどんな風に結晶をつくっている のかを説明します。

この結晶の中で、水分子同士は水素結合 でつながって、多面体型のカゴ構造をつくっ ています。それぞれのカゴに、黒い球で示し たメタン分子が1つずつ含まれています。ここ で大事なことは、メタンを包むカゴが、全部四 面体型に組み合わされているということです (図5)。それぞれのカゴにメタンが1分子ずつ 入っているので、メタン分子の位置に注目する と、四面体充填構造になるということです。

たとえば、メタンハイドレートの結晶の中で の、メタン分子の配置は、合金の結晶構造で

いえば、A15とよばれる四面体充填構造と 同じです。四面体充填構造は、合金のデータ ベースをさがせばほかにいくらでもあります。 理論的には、どんな四面体充填結晶構造 からも、ガスハイドレートの結晶構造をつくり だすことができます。

そして、四面体充填構造の合金の中には、 準結晶もありますから、この合金の原子の 位置にガス分子を並べ、それを囲むように 水分子のカゴをつくれば、準結晶のハイド レートをつくることができるはずです (図6)。 現実にそんな構造がありえるのかを確かめる ために、コンピュータシミュレーションで、合金 の構造から、準結晶ハイドレートの構造をつく り、安定性を予測しました。

計算の結果、この構造は、最安定構造に はなりませんが、別の最安定結晶に次ぐ、 準安定構造になりうることがわかりました。

通常の方法で結晶をつくると、必ず最も 安定な結晶が生成しますから、準安定構造 を実際につくるためには、実験上の工夫が いろいろ必要になります。実際の製造方法に ついては、まだ研究途上ですが、いずれは

5回対称性をもつハイドレートの透明準結晶 はつくれるだろうと見込んでいます。

5回対称性をもつ氷をつくって何かの役に 立つのか、と必ず聞かれます。私は3つの答 をもっています。

1つは、未知の物性の発見です。合金の 準結晶は、熱伝導性が低く、非常に固くて 強靭、電気抵抗が非常に大きいといった、 通常の結晶にはない性質をもちますが、準結 晶ハイドレートがどんな性質をもつかはまだ わかりません。

2つめは、結晶構造設計の可能性です。 準結晶を実現する方法を見つけだすことで、 結果的に、ハイドレートの結晶構造を自在に つくりわける技術が得られます。実用的には これが最も重要です。

そして最後が、常識への挑戦です。準結 晶ハイドレートは、誰もまだ見たことがないもの ですから、それを理論で予測し、実験で実際 につくることができれば大きな驚きです。氷が 5回対称性*3をもつわけがない、という常識を 打ちやぶることこそ理学の使命と私は考えて います。本日はご静聴ありがとうございました。

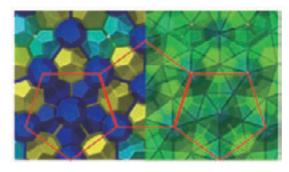


図6 準結晶ハイドレートの構造

左半分には、カゴのつめあわせ方が 描かれている。右半分には、図4を重 ねた。正五角形の局所構造がわかり やすいように、赤い補助線を引いた。

*3 5 回対称性

今回の理学懇話会の質疑応答において、樋口敬二名古屋 大学名誉教授より、正五角形以外の広い意味の五角形の 結晶が存在することが紹介された。

(Contributions from Inst. Low Temp. Sci., Hokkaido Univ. 1957, Jour. Met. Soc. Japan, 39, No.5, 1961)

岡山大学大学院自然科学研究科分子科学専攻 理論化学研究室ウェブページ

http://theochem.chem.okayama-u.ac.jp/



Hisashi Naito

1961年生まれ。大阪大学理学部卒業。名古屋大学大学院理学研究科修了。理学博士。名古屋大学理 学部助手を経て1995年より現職。専門は微分幾何学、非線型偏微分方程式。幾何学的オブジェクトの視 **覚化、離散幾何解析に関連する数値計算、コンピュータネットワーク認証システムなどの研究も行っている。**

結晶格子を数学的に考えてみる

本日は、数学において結晶構造をどのよう に考えるべきか、についての話をさせていた だきます。数学では対称性を表す群の言葉を 使って、空間中の結晶を表す群がどれくらい あるのかが古くから研究されてきました。今日 は、そのような古典的な結晶の話ではなく、 結晶構造と変分原理との関係を明確に表す 結晶格子の概念とそれを通じて砂田利一*1 先生が"発見"された K_4 結晶格子について 紹介したいと思います。

はじめに、数学における対称性について 考えましょう。その簡単な例として正n角形を 考えます。正n角形は、角度 $2\pi/n$ の回転変 換と対称軸に関する鏡映変換で図形が自 分自身に映り合っています。正れ角形を動か さない変換全体は、変換の合成を演算と考え ることによって"演算のできる集合"となります。 このような集合を数学では「群」とよびます。 逆に、この群で動かない図形は正n角形と 同じ対称性をもつと考えます。このように、 数学では図形の対称性を群の言葉に置き 換えて考えます。

次に"結晶"について考えてみましょう。 結晶と聞くと「原子」が"規則正しく無限に" 並んでいるイメージを思い浮かべます。その イメージを数学では「空間群」とよばれる 群に置き換え、それを結晶の原子配置の 対称性と考えます。2次元空間群は17種類、 3次元空間群は230種類に分類されることが 1900年代前半には知られていました。ここで の次元とは、独立な平行移動の方向がどれ だけあるかを表しています。つまり、2次元空 間群とは、平面上に無限に広がる規則的な 図形の規則性を表し、それは17種類に限る ことがわかります。古典的な日本の文様とよば れる図柄も、その規則性を空間群を用いて 表すことが可能です。

さて、ここまでの結晶の話では欠けている と考えられることが2つあります。我々は結晶 の図を描くとき、点だけではなく点のつながり の様子も描きます。ところが、結晶を数学的に 表したと考えている空間群は点配置の対称 性のみを表していて、点のつながりは表して いないと考えられます。ですので、点のつな がりも含めた結晶構造を表す数学的対象を 見つけることが必要です。これが上で"欠け ている"といったことの1つ目です。

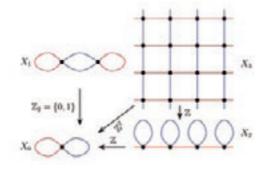
もう1つの"欠けている"ことは自然界に 目を向けるとわかります。光は、その通過時間 が最小となるような経路を進みます。また、 古典力学での運動は、そのエネルギーが 最小となるように実現されることを表す運動 方程式によって記述されます。これらに代表 されるように、自然界に現れる多くの現象は、

何かの量を最小にするように現れるという 「変分原理 | (最小作用の原理)に従ってい ます。この変分原理が2つ目の"欠けている" ことです。自然界の現象の1つとして得られる 結晶も何らかのエネルギーが最小になるもの として得られているわけですから、変分原理 と関係づけて考えるのが自然です。

結晶格子を数学的に定義する

結晶構造を点のつながりの様子や変分 問題と関連づけて考えるために、結晶格子を 数学的に定義し、その標準実現という概念を 紹介します。この研究は、砂田先生と小谷 元子*2先生によって2001年に発表されました。

結晶格子は、ある条件を満たす抽象的な グラフとして定義されます。これはあくまで 抽象的な概念であり、次元や具体的なかた ちはもたず、単に点とその間のつながりの 情報だけが与えられています。そこで、抽象的 に定義された結晶格子をしかるべき次元の 空間に"書き込む"ことを考え、それを「実現」 とよびます。つまり、抽象的に定義された結晶 格子は実現を行わないと、その"かたち"は わからないと考えます。一方で、1つの抽象的 な結晶格子に対しても、その実現の方法は 数多く(無限に)あり、その中でも最も"きれい な"ものを変分原理を通して探し、それを「標



 X_1 は X_0 の被覆グラフの1つの例である。 X_0 は1個の頂点と青と赤の自己ループをもっている。Xでは頂点 が2個あるが、いずれも X_0 に"落とす"と同一の頂点に対応する。また、 X_1 の赤の辺・青の辺のいずれも X.で考えると同一の頂点間を結ぶ自己ループに落ちることがわかる。よって、X. はX.を2枚被覆している ことがわかる。 X_1 は X_0 の2枚の被覆となっている例であるが、 X_2 は"無限枚"の被覆となっている。 X_2 の 頂点に….-1.0.1…と番号をつけることができ、"1つ右へ移動する"ことと、番号を+1することが対応 する。整数全体 は、加算によって群をなしていることを考えあわせれば、被覆変換群が となることが わかる。同様に、 X_3 は X_0 の 2 = $|(n,m):n,m\in \}$ 被覆となっている。 X_0 に含まれる本質的な閉路の数 が2であることは容易にわかる。従って、X₀からつくることのできる最大次元の結晶格子はX₃となる。

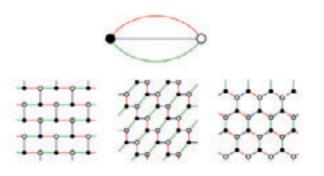


図2 六角格子の基本グラフと種々の周期的実現

上の3つのグラフは、いずれも黒・白の頂点の間を赤・緑・青の3本の辺が結んでいる 構成は同一であるので、上のグラフを基本グラフとする結晶格子の周期的実現である。 他にも周期的実現は数多く考えることができるが、右の実現が最も"美しい"(対称性が 高い) 実現であると考えられる。

準実現」とよびます。すなわち、結晶格子 の標準実現を、数学的には、自然界に存在 する結晶に対応するものであると考えます。

ここからは、グラフの話からはじめて、結晶 格子の標準実現とは何かを説明します。 数学でいうグラフとは頂点の集合と、頂点を 結ぶ辺の集合の組のことです。グラフを考え る際には、わかりやすい図を描いて説明し ますが、実際には抽象的なグラフを考えて いて、図はそれをわかりやすく表しているもの に過ぎません。



グラフに対する数学的または情報科学的 な問題としては、2点を結ぶ最短路を求め たり、隣り合う頂点を異なる色で塗り分けたり という問題がよく知られていますが、結晶格子 を定義するために、ここでは、「被覆グラフ」 を考えましょう。あるグラフXが、グラフX。の 被覆グラフであるとは、図1のように、Xの

頂点のつながりの様子が、局所的にX。の それと一致しているものです。グラフス。を与え たとき、その被覆グラフとして多くのグラフが 考えられます (図1)。このような種々の被覆 グラフの中で、結晶格子を表すと考えられる ものを選びだすために、被覆グラフを考えると 自然に現れる「被覆変換群」とよばれる群を 利用します。被覆変換群は、被覆グラフXの 中で、同じ水の部分に対応する部分を移し 合う群であって、その群の"大きさ"は"被覆 の枚数"に一致します*3。図1では X_0 の2枚 の被覆グラフだけでなく、"無限枚"の被覆を もつ被覆グラフが描いてあります。この時の 被覆変換群は整数全体の加算による群 と 一致します。さらに、もう1つの"方向"に無限 回の被覆をとることにより、被覆変換群として 2つの整数の組全体の加算による群 2を もつ被覆グラフを得ることができます。

このように、有限グラフ(点と辺の数が 有限個のグラフ) X から出発して、被覆変換 群がXoから決まるある数d個の整数の組の なす群 dとなる被覆グラフをXoを基本グラフ とする「d次元結晶格子」とよびます。今日の 話では、有限グラフからつくることのできる 最大の次元をもつ結晶格子の話に限ることに しましょう。 すると、図1の X からつくられる 結晶格子は、右上の正方形の格子が表す

グラフとなります。図では正方形の格子を描い ていますが、この段階では結晶格子は抽象 的に定義されたグラフに過ぎません。すなわ ち結晶格子とだけいった場合には、抽象的な 頂点と辺の情報しか与えられていません。 ですから、"結晶格子のかたちをみる"には、 それをd次元空間に配置する必要があり、 それを「結晶格子の実現」とよびます。なお、 有限グラフからつくることのできる結晶格子の 最大の次元は、その有限グラフに含まれる 本質的な閉路の数に一致します。もう1つの 例として図2には、結晶格子の実現の例を 3種類描いてあります。これらの結晶格子は すべて同じ有限グラフの²被覆グラフで、 抽象グラフとしては同じものです。このように、 同じ結晶格子であってもその実現方法は 無限にあり、その中で"最も対称性が高い もの"の特徴づけを考える必要があります。

- *1 砂田利一(1948-) 明治大学理工学部教授·東北大学名誉教授。元名古屋大学
- *2 小谷元子 (1960-) 東北大学理学部教授。

教授·東京大学教授。

*3 正しくは、被覆変換群の大きさが被覆の枚数に一致する のは、正則被覆とよばれる場合に限られる。

08 特集 未知なる結晶格子の数理

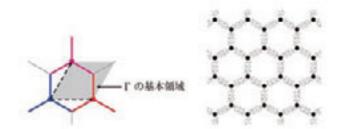


図3 平行移動の基本領域

図2の基本グラフは、六角格子では左図の青で示した部分に対応する。それを、左図で示した2つのベクトルによる2方向への平行移動を繰り返すと六角格子が現れる。このときの「基本領域」が灰色で示した部分であり、この領域の体積を一定に保って変分問題を考える必要がある。頂点間の距離の2乗和をエネルギーとする変分問題を考えることは、右図のようにバネで頂点がつながれているときの釣り合いの位置を求めることに相当する。

 $\sum_{e \in E_x} v(e) = 0, \quad \forall x \in V_X$ $\sum_{e \in E_{X_0}} (v(e), x)^2 = c|x|^2, \quad \forall x \in \mathbb{R}^d$

数式1 結晶格子の標準実現が満たす条件

第1式は、結晶格子の各頂点で"力の釣り合い"がとれている ことを表している。第2式の意味は少々把握することが難しい が、正三角形・正四面体の重心から各頂点へのベクトルが 満たす性質に一致している。

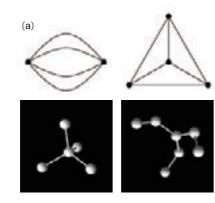
対称性が高いものを探すために、周期的 な実現の中で探そうと考えることは自然です。 「周期的」とは、結晶格子の中で、基本グラ フが平行移動によって移り合っていることを 表す言葉で、被覆変換群 が平行移動とし て働いていることに対応します。次に、与えら れた基本グラフに対する結晶格子の周期的 実現に対して、前に述べた、自然界の基本 原理と考えられる変分原理を適用します。 変分原理を考えるためには、結晶格子の 実現に対して「エネルギー」を考える必要が あります。結晶格子の実現のエネルギーを、 実現の中にある1つの基本グラフに対応する 部分の各辺の長さの2乗和と定義します。 この時、実現された結晶格子を相似変形に よって小さくしていくと、エネルギーも小さくなる ため、平行移動のベクトルがつくる格子の体積 (面積)を一定に保つ制約条件の下で、格子 も自由に変形させたとき、エネルギーが最小と なる実現を「標準実現」とよびましょう(図3)。 すると、その結果得られる結晶格子の標準 実現は、数式1で示す2条件を満たすことが わかり、最も対称性が高い実現であることが わかります。このようにして、有限グラフから 出発して、被覆グラフ (群作用)と変分原理 を用いることにより、結晶格子の標準実現を つくることができました。図4(a) 左上のグラフ

を基本グラフとする結晶格子の標準実現は、 ダイアモンドの結晶と一致し、標準実現は 自然界に現れる結晶を表しているといっても よいでしょう。

K4格子の発見

ここまでの話では、与えられた結晶格子の 実現の中で、最もエネルギーが小さいものを 特徴づけることで、標準実現という概念を 得ることができました。そこで、標準実現さ れた結晶格子が"より美しい対称性をもつ" ための条件を考えましょう。美しい対称性とは 「等方性」と言い換えるべき言葉で、結晶格子が等方性をもつためには、結晶格子の各頂点から出ている辺の数が一定であるべきです。さらに、標準実現された結晶格子に関して、1つの頂点から出る辺の順序を任意に入れ替える結晶格子を不変にする合同変換が存在するとき、その結晶格子は強い等方性をもつといってもよいでしょう。ある結晶格子がこの2つの条件を満たすとき「強等方的」であるとよび、美しい結晶格子となっていると考えます。

砂田先生は、標準実現された結晶格子で



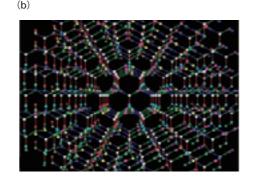
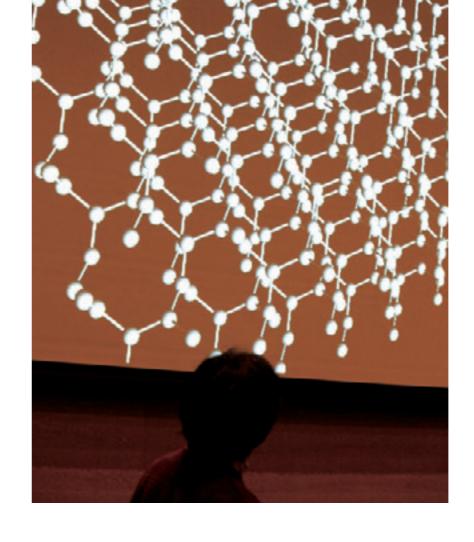


図4 ダイアモンド格子と K_4 格子

(a) の上側の2つのグラフは、それぞれ、ダイアモンド格子・ K_4 格子の基本グラフである。それらのグラフから結晶格子の標準実現をつくると、結晶格子の中での基本グラフは、それぞれ、下の形となる。これらを基本グラフから決まる3方向の平行移動でコピーしたものが、それぞれ、ダイアモンド格子・ K_4 格子となる。ダイアモンド格子では、基本グラフが正四面体の重心と頂点となることがわかる。 K_4 格子は抽象的な結晶格子ではなく (b) のように3次元空間に標準実現されたものを意味する。 K_4 格子では、各頂点とそのまわりの3つの頂点は、正三角形の重心と頂点となる。



	ダイアモンド	六角格子	K_4
広がりの次元	3	2	3
頂点ごとの辺の数	4	3	3
最短閉路のステップ数	6	6	10
1つの頂点を通る閉路の数	12	3	15
2色塗り分け可能か?	0	0	0
股条对称性.	0	0	×

図5 ダイアモンド格子・六角格子・K4格子の性質

この中で実現の方法に依存するのは「鏡像対称性」のみである。炭素で結晶を つくることを考える場合、ダイアモンド格子の1つの炭素原子は他の4つの炭素原子 と結合していることになる。一方、K₄格子の場合、結合する炭素原子は3つである ので、六角格子(グラファイト)と同様に、sp²軌道で結合することが期待でき、第一 原理計算によると、事実そうなっていることがわかる。

強等方的なものは、2次元の場合には六角 格子に限り、3次元の場合にはダイアモンド格 子と「*K*₄格子」に限ることを証明されました (図4(b))。ここでいう「 K_4 格子」とは、抽 象的な結晶格子ではなく、3次元空間に標準 実現されたものを意味します。K、格子は結晶 学の分野では古くから知られていたのです が、ダイアモンド格子と同様な強い等方性を もつという認識は必ずしももたれていなかった ようです。その意味でK₄格子は砂田先生に より再発見され「Sunada格子」ともよぶべき 対象です *4 。ここで、 K_4 格子・ダイアモンド 格子・六角格子の性質を比較してみましょう (図5)。K4格子はある頂点を通る10員環を 15個もちます。この事実は標準実現でなくて も成り立つ性質なのですが、基本グラフだけ を見てわかる性質ではなく、現時点では実際 に実現を描いてはじめてわかります。また、 「2色塗り分け可能」という意味は、隣り合う 頂点を異なる色に塗り分けることができること で、仮想的に(数学的に)2種類の原子によっ

て結晶を構成することができることを示しています。また、 K_4 格子の標準実現は鏡像非対称性をもちます。「強等方性をもつ結晶格子」として見つけ出した K_4 格子が鏡像非対称であることは非常に興味深い事実です。

最後に、K₄格子のかたちをした結晶が 実在するか、考えてみましょう。図6のK4格子 以外の2つの炭素のみからなる結晶は、ダイア モンドとグラファイト (グラフェン) として古くか ら知られています。また、そのほかの炭素結 晶としては、ロンズデーライトとよばれる隕石中 で発見された鉱物が知られています。そこ で、私たちはK₄格子のかたちをした炭素に よる結晶のコンピューターによる計算を行いま した。この計算は「第一原理計算」とよばれ るもので、シュレディンガー方程式を用いて、 電子の波動関数の密度分布や結合エネル ギーを計算するものです。その結果として、炭 素によるK₄結晶が理論的には存在する可能 性があり、その結晶は金属的なふるまいをする (電気伝導性がある)ことがわかりました。

しかしながら、K₄炭素結晶は機械的には 不安定であることがわかるため、簡単な方法 で実際にモノをつくることは容易ではないと 考えられます。

数学は、それ自身が重要な研究対象である一方で、"数学は何の役に立つのか"と質問されることがあります。物理学・情報科学などの元々数学と深い関わりをもつ学問だけでなく、純粋に数学的な興味から出発して、材料科学との関わりが得られたことも、この研究の1つの側面であり、上の質問への答の1つではないかと考えています。

最後に、この記事をまとめるにあたり、砂田 利一先生と小谷元子先生には有益なコメント をいただいたことを感謝します。

*4 砂田自身は"Diamond Twin"というよび方をしている。 「K₄格子」とよぶ理由は、その基本グラフが「4点からなる 正則グラフ」(K₄グラフ)であることに由来して、砂田が命名し た。古くは「Net1」または「(10.3)-a」などともよばれていた。

○参考文献

「ダイアモンドはなぜ美しい~離散調和解析入門~」 砂田利一著/シュブリンガー・ジャパン刊

内藤久資ウェブページ http://www.math.nagoya-u.ac.jp/~naito/

10 特集_未知なる結晶格子の数理 **20** 特集_未知なる結晶格子の数理

細胞分裂装置スピンドルの研究フロンティア

五島剛太 生命理学専攻教授

スピンドルに魅せられる

細胞分裂は生命現象の最も根本的なプロ セスの1つであり、約130年前の発見以来、 多くの細胞生物学者を魅了してきた。細胞の 分裂異常と癌化の因果関係も古くから示唆 されており、その解明は、我々人間の疾患の 理解の観点からも重要だと考えられている。 細胞分裂を司る「装置」とよばれるのが 「スピンドル (紡錘体)」という複雑な構造体 である (図1)。スピンドルは微小な管状繊維 (微小管)を中心とする数多くのタンパク質に よって構成され、1つの細胞を2つに分裂させ、 染色体DNAを分配する際に必須の役割を 果たす。我々の研究室は、どうやって精巧な スピンドル構造がつくり出されるのかに関心を もっている。しかしこのテーマ、中学でも基礎 的な知識として習うぐらいであるから、「重要

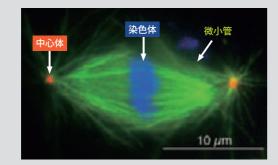
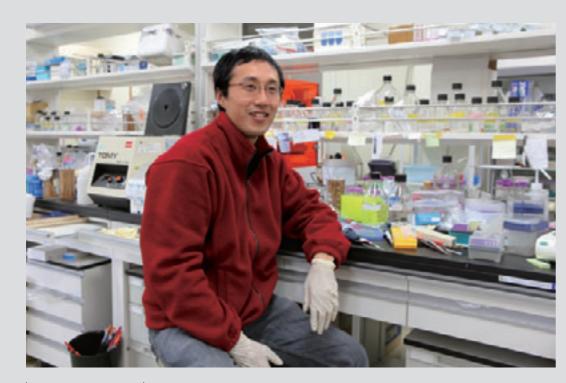


図1 分裂期スピンドル像

動物細胞の分裂期中期スピンドル像。ショウジョウバエ細胞 の染色体DNA(青)、微小管(緑)、中心体(赤)を染色 、蛍光顕微鏡で撮影した。スピンドル中央に整列した染色 体DNAは、微小管繊維によって中心体とつながっている。 この後、分裂後期に入ると、染色体の分離、スピンドルの伸 長が起こり、遺伝情報DNAが2つの細胞へと均等に分配 される。写真は大学院生の李文静による。

な問題はもう解かれているから先はないよ」と 思われる方もいらっしゃるだろう。実は私も 学位取得後、数年前にそういう懸念を抱いた ことがある。そのとき、この分野で長年活躍を されているアメリカの先生がアドバイスをくだ さった。「剛太、心配するな。研究を続ける。 俺もおまえくらいの年だった30年前、同じこと

を考えた。でも見てみろ、今のスピンドル研究 は当時よりずっと面白いじゃないか」。この アドバイス、即座に聞き入れた。「偉い人の いうことは、ともあれ黙って聞くもんですよ」と いう大学院時代の恩師の至言もあったから である。よし、スピンドル研究で飯を食ってい こう(研究を続けよう)と決めた。



Gohta Goshima

1974年生まれ。1997年京都大学理学部卒業。2002年京都大学大学院理学研究科修了。2002年カリフォルニア大学 サンフランシスコ校(UCSF)ポスドク。2007年名古屋大学高等研究院特任准教授。2010年4月より現職。

構成因子を同定する

そこで、100年以上にわたるスピンドル研究 における最重要テーマの1つ(と私が考えた もの)に取りかかることにした。動物細胞の スピンドルをつくるのに必要なタンパク質を 片っ端から同定しようというものである。戦略 は単純で、ショウジョウバエの培養細胞を 用いて全ゲノムRNAiスクリーニング(ハエが もつ約1万5000の遺伝子の機能を逐一阻害 する手法)を行い、スピンドルのかたちが異常 になるものを探すことにした。それまでにも、 より単純な生物種を用いて、種を超えて保存 されたスピンドル構成因子は相当数同定され ていたこともあり、果たして我々が新規の遺伝 子を見つけられるのかどうかは不安だった が、共同研究者に恵まれたおかげもあり、 10以上も見つけることができた。

オーグミン複合体と スピンドル微小管の増幅

その中で今最も注目しているのが、「オー グミン」と命名したスピンドル微小管増幅に 関わるタンパク質複合体である。大半のスピン ドル微小管は「中心体」というスピンドル極 に存在する構造体から生み出されるという のがこれまでの定説だったが、どうやらそうで なく、多くのスピンドル微小管はスピンドル内部 でオーグミンに依存してつくり出されることが 明らかになった(図2)。つまり、地球儀の極 (中心体)から派生する経線よりは、線香 花火の火花の枝分かれする軌跡のイメージ に近いのではないかと我々は考えている。 「すでにわかりきっていること」だったはずの、 教科書に出てくるスピンドル像は、将来、書き 換えが必要かもしれなくなった(図3)。

細胞観察を通じて立てられてきたスピンドル 形成の理論の多くは、実際には真偽が確か められていないことになる。我々は今後、スピ ンドル内で起こっているさまざまな事象の試験 管内再構成をめざして研究を展開したい。

内で再構成できていない。したがって、主に

では、再構成が成功すればいよいよ教科 書は完成し、スピンドル研究は終わるのか。 私は研究室の学生に、「そんなはずはないぞ。 おれも数年前にそう思ったこともあったけど、 そのときにあの先生がな… |と語っている。

スピンドル研究、「次の一手 | は?

細胞内で起こっている現象は、細胞外でも 再現できてはじめてそのメカニズムが理解 されたこととなる。したがって、我々もオーグ ミンによる微小管増幅の様子を試験管内で 再現することをめざしている。すなわち、オー グミン複合体と微小管を試験管内で混ぜると 本当に微小管の枝分かれ構造がつくり出さ れるのか、検証したいと思っている。実は、 微小管増幅だけに留まらず、スピンドル内で 起きていると思われている現象の大半は、 構成因子が同定されていながら、まだ試験管

分裂中の細胞 中心体に依存しない 微小管

図2 オーグミンによる微小管生成

細胞の中央付近で微小管 (緑)が中心体に依存せず生まれ ている様子。微小管は、チューブリンという球状のタンパク質が 重合してできる繊維である。この細胞は、分裂後期にいったん 微小管繊維を脱重合させたのちに再形成させて撮影した。 中心体から離れた位置で微小管が生成されている様子が わかる。オーグミン複合体を欠失した細胞に対して同様の 処理を行うと、このような微小管はほとんど生まれない。すな わち、この像で見られる微小管の大半は、オーグミン依存的に 生み出されたことになる。なお、微小管重合の核となる因子を 赤色で染色しており、中心体以外に、生成された微小管上 にも存在が認められる。オーグミンは、この重合核形成因子を 微小管上に集積させる働きを担うと考えている。(図は Journal of Cell Biology 誌 2010年 10月号表紙を改変)

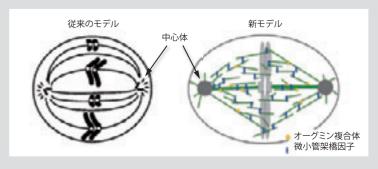


図3 スピンドル微小管生成の新モデル

左は教科書でおなじみのスピンドルの模式図。長い微小管繊維が中心体と染色体をつないでいる。右は、オーグミン(黄)によってスピン ドル内部で生み出された短い微小管が架橋され(青)、全体として安定な構造をとるという最新のモデル。この両モデルの違いを際立た せるには、それぞれ中心体を取り除いてみると良い。左の図では、中心体が微小管の大半を生み出しているため、中心体の除去は微小 管の消失を引き起こすはず。一方、右の図では、スピンドル構造はおおむね維持されるはず。実際に行われた中心体消失実験は、後者を 支持した。では、右の図が正しいとして、中心体とオーグミンを同時に除去するとどうなるか。これは私が4年前に行った実験であるが、 大半の微小管が消失し、スピンドルは崩壊する。オーグミンは、中心体と同等に重要だったわけである。

(左図は平成21年センター試験問題を改変。右図はGoshima and Kimura, 2010, Current Opinion in Cell Biology, 22, 44-49を改変)

機能調即学調座 細胞内ダイナミクスグループウェブページ http://bunshi4.bio.nagoya-u.ac.jp/% 7etenure2/goshima.html



Muneyoshi Furumoto

1951年岐阜県大野郡 (現高山市) 生まれ。1976年名古屋大学大学 院理学研究科博士課程中退。名古屋大学教務員、助手、金沢大学助 教授、教授を経て2005年より現職。専門は地震学・地球惑星物理学。

「はやぶさ」の 最後の声を観測する

古本宗充地球環境科学専攻教授

待ち続けた瞬間

2010年6月13日23時頃、オーストラリアの ウーメラ砂漠に小惑星探査機「はやぶさ」 が帰還した。南半球では初冬でかなり寒い なか、待ち続けたその瞬間がきた。真っ暗の 平原で見る美しい星空の一点から、「はやぶ さ」が湧き出るように出現し明るさを増しな がらゆっくり流れた。「はやぶさ」が文字通り 燃え尽きる姿であり寂しさもあったが、非常に 美しかった。

「はやぶさ」の冒険譚や「イトカワ」探査 における工学・科学的な成果はさまざまなとこ ろで紹介されているが、「はやぶさ」の計画 は幅広い裾野をもっており、ほとんど知られて いないさまざまな工夫や努力そして研究が 行われている。ここではそのようなあまり知ら れていない研究の1つである「はやぶさ」 帰還時の観測について述べたい。「はやぶ さ」の大気圏突入時に、カプセル回収を目的 とする観測に合わせていろいろな観測が 行われた。大学研究者および流星観測熟練 者からなる我々のチームの観測は、JAXAと の共同研究として、この回収隊の一部に加わ るかたちで行われた。

我々が行ったのは、「はやぶさ」やその カプセルが超高速 (突入時12km/秒)で大 気を突っ切るときに出る衝撃波を微気圧計 や地震計で捉える観測である。強い衝撃波 が起きると、その圧力変動で地面が揺すら れ、地震計に「妙な振動」として捉えられる。 逆に考えると、地震計の記録を解析すること で、大気中を突っ切る物体の性質を調べるこ とができる。今回の観測ではその物体が「は やぶさ」やそのカプセルである。

1つの目的は衝撃波データからカプセルの 落下軌道を決めることである。カプセルの 落下点決定の手段はカプセルからの電波 信号利用であり、今回正常に働き回収が すみやかにされた。しかしながらこのシステム が動かない可能性もある。それに備えて何種 類かの予備観測が行われ、その最後の手段 が衝撃波による軌道の決定である。我々の 実際の出番はないと考えていたが、現地では 帰還日の前日まで曇天が続き、少し現実味を 感じたときもあった。

もう1つの (我々としては主な)目的は衝撃 波の強さの測定である。微小な天体が地球 に衝突する現象は小の流星からクレーターを つくるような大衝突まである。幸いにして記録 に残る範囲で被害を出した衝突は少ない が、将来大きな衝突に見舞われる可能性が ある。しかしこうした衝突現象についてよくは わかっていない。また盾になっている大気中 での様子もよくわかっていない。この様子を 少しでも理解しようとして利用しているのが、

地震計に記録された衝撃波である。個人的 には、天体と地震計という予想外の組み合わ せが面白いと気に入ったテーマであるが、 余人はどうだろうか。

千載一遇のチャンス

このような研究で問題となるのは、地震 計から推定した衝突物体の大きさが本当に 正しい値になっているかである。地球に飛び 込んできた微小天体の大きさは不明である ので、研究結果の正しさの確認ができない。 場合によっては隕石として手にすることが できるが、大気との衝突・摩擦により摩耗して いるので突入時の大きさはやはり不明で ある。またジェット機などによる衝撃波の解析 はできるが、20km/秒という速度で突入した 場合でも同じ理論が適用できるか確かめない うちは意味がない。

その意味で「はやぶさ」の帰還は千載 一遇のチャンスである。形状、質量、速度、 そして軌道がわかった物体が突入してくる のであり、推定法の正しさの検定にはもって こいである。これが数年間「はやぶさ」の 帰還を待ちわびた理由である。最近流行の 衛星擬人化で表現すれば、「はやぶさ」君が 「帰宅」して大気のドアを強く押し広げて 叫んだ声が、数年間待ったデータだったわけ である。公式の成果にはまだほとんど入れ られることのない研究であるが、「はやぶさ」 が最後に残した科学的データの1つである。 天体衝突の科学や太陽系の科学に少しでも 新たなデータを付け加えたいと考えている。

最後に、この観測に関わって面倒な手続き などをすすめてくださった大学事務、JAXA 関係者、そして同じ観測チームのメンバー (高知工科大、金沢大、国立天文台、日本 流星研究会) に感謝します。





はやぶさ」の突入経路のほぼ下にあたる 場所の何カ所かで観測した。灌木が点々と あり、カンガルーの足跡・尾の跡などもあった がここではカンガルーは見なかった。ただ、 何か野生動物がいて、夜間に観測機器の 信号線を噛み切られるという不測の事態も らった(古本撮影)。



図2 観測点の1つから見た「はやぶさ」の帰還 地表や雲が写っているのは「はやぶさ」の光に照らされたからである。写真は観測チームの石原吉明(国立天文台)による。

地球惑星物理学講座ウェブページ http://www.eps.nagoya-u.ac.jp/geophys/introduction.html



Toshiyuki Nakano

1969年愛知県生まれ。1998年名古屋大学大学院理学研究科博士(後期)課程終了。 2000年日本学術振興会特別研究員、2002年科学研究費補助金による研究員を経て、

ニュートリノ振動を直接検出する

中野飯行素粒子宇宙物理学專攻助教



イタリアのグランサッソに設置した原子核乾板と鉛で構成したニュートリノ検出器。ニュートリノを 反応させる標的重量は1200トン。8.3kg単位に分割した標的を12万個使用する。スイスのジュネー ブにあるCERNの加速器を用いて生成したミューニュートリノを照射することで、一日あたり約30 のニュートリノ反応が起こる。そのほとんどが振動していないミューニュートリノによる反応である。

ニュートリノに質量はあるのか

ニュートリノという素粒子は、1930年に パウリ*1がβ崩壊におけるエネルギー保存 則*2を成立させるためにその存在を仮定して から、ライネス*3とコーワン*4によって実験的 に存在が証明されるまでに26年を要した。そ の後の研究でニュートリノには複数の種類 があることがわかったが、3番目のニュートリノ であるタウニュートリノを検出し存在を証明す ることができたのは、さらに44年後の2000年 である。これほどまでに年月がかかった理由 は、ニュートリノが物質を構成する陽子・中性 子・電子とほとんど反応せず、地球ですらほ とんど貫通してしまうからである。

一方で、この宇宙には1cm3に300個ほど のニュートリノが存在していると考えられてい る。これは水素のような原子の数の10億倍 にもなり、ニュートリノの性質を知ることは宇宙 の進化・物質の成り立ちを理解する上で非 常に重要である。とくにその質量は標準模型 では長らくゼロとされていたが、牧二郎*5、中 川昌美*6、坂田昌一*7により提唱されたニュー トリノ振動という現象を通じて、有限の値をも つことがわかってきた。ニュートリノ振動とは、 ニュートリノがゼロでない質量をもてば、3種 類のニュートリノが相互に入れ替わることがあ るというものである。これは、デイビス*8によ る太陽中の核融合から発生するニュートリノ の数の観測値が期待値より少ないことの発見 に端緒を発している。その後スーパーカミオカ ンデ*9による大気ニュートリノの観測でも特定 のニュートリノの減少が観測され、これらは ニュートリノ振動によるものと考えられている。

私たちは、加速器により人工的に発生させ たミューニュートリノを730km離れた位置に 設置した検出器で測定し、減少を測定する のではなく、振動がなければ含まれていない はずのタウニュートリノを捉えることで振動 現象の存在を確実なものとしようとしている。 このような、変化して生じた別種のニュートリノ を直接検出した実験はいまだにない。しかし、

ニュートリノの物質との反応のしにくさから、 用意した1200トンの検出器(図1)をもって しても5年間に期待できるタウニュートリノの数 はわずかに10個程度である。

はじめての検出に成功

タウニュートリノを検出し、その種類を同定 することは容易ではない。唯一の方法は、 そのタウニュートリノと物質との反応後に発生 するタウ粒子を検出することである。タウ粒子 は電子によく似た性質をもつが、質量は3500 倍ほどもあり、約0.3ピコ秒*10と極めて短時間 で崩壊してしまう不安定な素粒子である。 ニュートリノが反応起こすのに十分な量の 標的となる物質を実現しながらも、このような 同定が行えるのは、銀塩写真技術を元につく られサブマイクロメーターを超える3次元空間 分解能で素粒子の飛跡を記録することがで きる原子核乾板しかない (図2)。その使用 量は10万m²にも及ぶことから、この実験の 最大の難点は記録された飛跡を高速高精度 に読み取ることにあった。私たちは、3次元画 像解析による自動化された原子核乾板読み 取りをはじめてタウニュートリノの存在を証明 したときよりも2桁高速化し、この実験の遂行 を可能にした(図3)。昨年5月にははじめて 振動により変化した1個のタウニュートリノ反 応の候補を検出することができている(図4)。

確実な結論を得るには複数の同様な反応 を捉えなければならないが、実験もなかばで あることから今後順調に増加するものと期待 できる。また、高速化した原子核乾板解析技 術をさらに発展させるとともに、開発が進行 している位置分解やエネルギー測定能力を より高性能化した原子核乳剤を用い、ニュー トリノとその反ニュートリノの同一性を検証 するニュートリノレス二重β崩壊*11の検出や、 この宇宙の最大の謎の一つともいえる暗黒 物質*12の探索への展開を計っている。



図2 原子核乾板による素粒子飛跡の記録例

原子核乾板の $150\mu m \times 120\mu m$ を拡大した顕微鏡写真。ほぼ 中心にある原子核にニュートリノが衝突したものと考えられ、 放射状に延びる濃い線は破壊された原子核の破片による飛跡 である。実物の飛跡は立体的に記録されており、ニュートリノの エネルギーにより生成された素粒子の飛跡が主には紙面垂直 方向に記録されている。これらは高分解能の顕微鏡光学系に よる断層撮影により3次元観察および測定が可能である。

*1 W. パウリ (1900-1958)

オーストリアの物理学者。ノーベル物理学賞(1945年)を受賞。

*2 β崩壊におけるエネルギー保存則

β崩壊では電子とニュートリノを放出するため、電子のみを観 測すると始状態と終状態で、一見エネルギー保存則が成立し ていないように見える。

*3 F.ライネス (1918-1998)

アメリカの物理学者。ノーベル物理学賞 (1995年)を受賞。

*4 C.コーワン (1919-1974)

*5 牧二郎(1929-2005) 元名古屋大学理学部助教授。

*6 中川昌美(1932-2001)

元名古屋大学理学部助手。

*7 坂田昌一(1911-1970)

元名古屋大学理学部教授(本誌2号P.2、16号P.4参照)

*8 R.デイビス (1914-2006)

アメリカの化学者、物理学者。ノーベル物理学賞(2002年)

*9 スーパーカミオカンデ

岐阜県飛騨市にある地下1000mに設置された世界最大の ニュートリノ検出器。

*10 ピコ秒

1ピコ秒は1兆分の1秒。

*11 ニュートリノレス二重β崩壊

ニュートリノは正粒子と反粒子の区別がない可能性が指摘 されており、その場合ある種の核種では2つの中性子が同時 にβ崩壊を起こし、かつ、ニュートリノを放出しないことが予想

宇宙にある星間物質のうち電磁波では観測できない仮説的 物質。宇宙全体の物質エネルギーの22%を占める。



図3 超高速原子核乾板自動飛跡読み取り装置

原子核乾板に記録された素粒子の飛跡情報を3次元画像解析により高速かつ高位置分解能で 読み出すために開発した装置。高速な撮像素子とFPGA(書き換え可能な大規模集積回路)に よる並列画像処理によって、従来の2桁の処理能力の向上を果たした。



図4 原子核乾板から読み出された飛跡情報

ニュートリノ振動によってミューニュートリノがタウニュートリノへ変化したものを捉えたと考えられる 最初の候補。色は粒子の違いを表現するために着色したものである。左から右向きに加速器によって 生成されたニュートリノが入射し標的物質(鉛)と衝突し反応を起こしている。ニュートリノの運動 エネルギーの一部が、タウニュートリノの反応の特徴であるタウ粒子(赤)を生成し約2mmで他の 粒子(青)に崩壊している。さらに崩壊点からはガンマ線が発生していると考えられる。

基本粒子研究室ウェブページ http://flab.phys.nagoya-u.ac.jp/2005/intro/index.html

同窓生から

科学の芽がにょきにょきと

NSA合同会社サイエンスアカデミー教務 佐光裕康(Hiroyasu Sakou)

8月の名古屋は夏の真っ盛り。名古屋大学東山 キャンパスは、緑が多いとはいえ、木陰にいても、熱い ねっとりした空気の底にいるようである。野依記念物質 科学研究館から森へ向かうと、涼しそうなガラスの 外観の野依記念学術交流館が姿を現す。中からは 楽しそうな子どもたちの声が聞こえてくる…。

私たちNSA合同会社のスタッフは、夏休み後半 の2日間、小学生とその保護者を対象に「サイエンス アカデミー夏の理科実験教室 | を開いている。参加型 のサイエンスショーと工作教室を組み合わせた内容 で、2日間で100名前後の参加者があり、毎年ご好評 いただいている。

学習塾サイエンスアカデミーの小学生部門に、理科 実験教室を開講したのが2009年4月。この授業とは 別に、サイエンスショーのようなイベントを開いて、もっと 多くの子どもたちに科学を楽しんでもらおうと話がふく らみ、「サイエンスアカデミー夏の理科実験教室」に なった。2009年度は「色・イロいろ」と題して色と光の 織りなす世界を、2010年度「サウンド・オブ・サイエンス」 では手づくり楽器を鳴らして音の世界を楽しんだ。

そして今年、2011年度も「夏の理科実験教室 | は 開催される。タイトルは「はっ! とトリック?! サイエンス ショー!!」。目を輝かせて「なぜ」「どうして」と問い かけてくる子どもたちを思い浮かべながら準備を 進めている。



昨年の「サイエンスアカデミー夏の理科実験教室」の様子

書籍紹介

「宇宙史を物理学で読み解く ― 素粒子から物質・生命まで―

現象解析研究センター教授 飯嶋 徹(Toru Iiiima)

現代物理学は、相対性理論と量子力学の発見を 基礎として20世紀に飛躍的に進歩し、素粒子、宇宙、 物質、生命現象といった各分野に専門化されてきた。 21世紀においては、こうして先鋭化された研究の融合・ 連携が新しい物理世界を切り開くと期待される。たとえ ば素粒子と宇宙の境界では、2001年に打ち上げられ たWMAP衛星による宇宙背景輻射の精密データが、 宇宙の構成成分の23%および73%が、それぞれ ダークマター、ダークエネルギーとよばれる未知の物質 やエネルギーであることを示し、素粒子物理の最先端 研究がこの宇宙の最大の謎の解明につながると期待 されている。

本書には、宇宙の形成と進化を軸として、名古屋 大学が展開する素粒子や宇宙から、物質、そして 生命におよぶ最先端研究の数々が紹介されている。 そのもとは、名古屋大学21世紀COEプログラム「宇宙 と物質の起源: 宇宙史の物理学的解読」の研究教育 活動である。そこでは、最先端の先鋭研究だけでなく、 分野を超えた交流と連携が大きな目標であり、「たこ つぼ化」しがちな研究に分野横断の新風を送り込ん だ。本書はこうした活動の集大成といえる。「宇宙史を 物理学で読み解くしという壮大なテーマもさること ながら、名大物理研究の最先端の現場を紹介し、 今後の分野連携の可能性や重要性を提示する 一冊である。



宇宙史を物理学で読み解く ―素粒子から物質・生命まで― 福井康雄監修 名古屋大学出版会 2010年5月発行/3.675円

名誉教授だより

大沢文夫名誉教授が ネイチャーメンター賞を受賞

生命理学専攻助教 杉山 伸(Shin Sugiyama)

大学院での伝統的な教育のあり方を「徒弟制度」 と批判する声もあるが、より適切な表現がメンターリング だと思う。メンターの語源は、ギリシャ神話でユリシーズ が息子の育成を委ねたメントルの名前に由来し、1対1 の師弟関係を指していた。欧米の高等教育はメンター リングを欠かせないものとし、その充実を図る努力が 現在は制度的にもなされている。そんな中で、大沢 文夫名誉教授のネイチャーメンター賞の受賞はうれ しい出来事である。同時に見過ごされがちなメンター リングにおける功績を表彰することで、教育研究の 発展を促そうとするネイチャー誌の編集方針は流石だ と感心させられる。

大沢名誉教授は日本の生物物理学の立ち上げに おいて果たした功績で有名だが、独特な人の育て方 に関するお話もよく耳にする。当時の研究室は「おお さわ牧場」として有名だったが、人材育成において、 自由を許しながらも、しっかり力強く育てる「放牧」スタ イルに成功する研究室はいつの時代も少なく、1つの 理想といえる。

ネイチャーメンター賞は毎年対象国を変え、第5回と なる2009年はアジアで初めての日本での開催となり、 「中堅キャリア賞」を受賞したソニーコンピュータサイ エンス研究所の北野宏明氏とともに大沢名誉教授は 「生涯功績賞」に選ばれ、同じ、この東山の地で 「牧場主」を志す研究教育者たちの励みとなっている。



ネイチャーメンター賞の授賞式にて

キャンパス通信

理学図書室オープン

事務部図書掛長 河合成典 (Shigenori Kawai)

2010年7月15日、学科毎に設置されていた図書室 は統合され理学図書室として新たにオープンした。 場所は改修・改装が終わったA館の西側1階および 2階。面積は約1900㎡、蔵書冊数は約19万冊(収容能 力は25万冊以上)、雑誌は約3,000タイトルを収蔵して いる。これら資料は主に1階南側の開架スペースおよ び北側の新着雑誌室、集密書庫に排架されている。

2階には多目的室、AV室、貴重書室(ヒルベルト 文庫)、地図・地質図室、閲覧室等、さまざまな用途の 部屋を備え、多目的室はセミナー、グループ学習等の 目的で予約して利用でき、予約のない時は自由に使用 できる。

安全対策として、集密書架には免震装置、開架書 架には感震式書籍落下防止装置、また出入口・非常 口に防犯カメラ、各部屋には防犯ブザーを設置した。

サービス面では貸出・返却処理が電算化 (バーコー ド読み取り方式) されたことで手続きが大幅に簡略化 され、貸出予約、文献複写依頼もWebからの申し込 みが可能となった。また、コピー機3台(職員証・学生 証で利用可能)、検索用パソコン(12台)、無線LAN も図書室内のどこからでもつながるようになった。開室 時間は月・火・木は午前9時から午後5時まで、水・金 は午後8時まで夜間開館を行っている。

このように広いスペースに資料、設備、職員がまとまり、 サービスも拡大した理学図書室をぜひ利用してほしい。

